

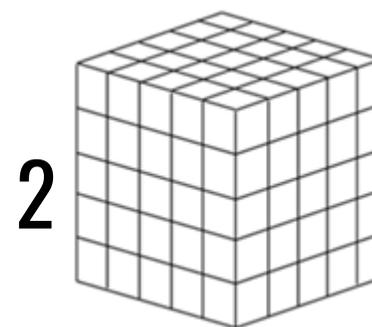
RADICIAÇÃO: CONCEITO E APLICAÇÃO

Raiz é um número que, ao ser elevado ao índice, resulta no radicando.



Área do quadrado: $8^2 = 64$.

Lado do quadrado: $\sqrt{64} = 8$



Volume do cubo: $2^3 = 8$.

Aresta do cubo: $\sqrt[3]{8} = 2$



Elementos de uma raiz

Uma Raiz é uma expressão que consta de um ÍNDICE, um símbolo de raiz e um RADICANDO.

| | | | |
|--|--------|-----------------|-----------|
| | Índice | Símbolo de Raiz | Radicando |
|--|--------|-----------------|-----------|

$$^4\sqrt{2^4}$$

$$\sqrt[8]{(-5,3)}$$

$$\sqrt{\left(\frac{4}{5}\right)^2}$$



NA PRÁTICA

$$\sqrt[3]{8}=2 \rightarrow 2^3 = 8$$

3 → é o índice da raiz.

8 → Radicando.

2 → Raiz ou resultado.

Raiz é um número que, ao ser elevado ao índice, resulta no radicando.



Propriedades e características

1. Expoente fracionário

$$\sqrt[3]{25} = \sqrt[3]{5^2} = 5^{\frac{2}{3}}$$

2. Radical equivalente

$$\sqrt[n]{x^m} = \sqrt[n \cdot p]{x^{m \cdot p}}$$

$$\sqrt[n]{x^m} = \sqrt[n : p]{x^{m : p}}$$

3. Radical fracionário

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}}$$

4. Índice e expoentes iguais

$$\sqrt[a]{x^a} = x$$



Fatoração e extração de fator do radicando

Você sabe que $\sqrt[a]{x^a} = x$

E que a fatoração de 1080 é $2^3 \cdot 3^3 \cdot 5$

$$\sqrt[3]{1080} = \sqrt[3]{2^3 \cdot 3^3 \cdot 5} = 2 \cdot 3 \sqrt[3]{5} = 6 \sqrt[3]{5}$$

Você usa fatoração e extração quando lida com raízes grandes ou irracionais.



Radiciação envolvendo divisão e multiplicação

$$\sqrt[n]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} \qquad \sqrt[n]{a \cdot b} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$$

Radiciação envolvendo soma e subtração

$$\sqrt[n]{a + b} \neq \sqrt[n]{a} + \sqrt[n]{b} \qquad \sqrt[n]{a - b} \neq \sqrt[n]{a} - \sqrt[n]{b}$$

Raiz dentro de raiz

$$\sqrt[n]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[n \cdot m]{a}$$

Relação entre radiciação e potenciação

$$\sqrt[n]{x^p} = x^{\frac{p}{n}}$$



Raíz de uma Raíz.

Sabendo que: $\sqrt[7]{2^3} = 2^{\frac{3}{7}}$ e $(3^2)^3 = 3^6$

Veja:

$$\sqrt{\sqrt{7^5}} = \sqrt[4]{7^5} \qquad \sqrt{\sqrt[3]{7^5}} = \sqrt[6]{7^5}$$

$$\left(7^{\frac{5}{2}}\right)^{\frac{1}{2}} = 7^{\frac{5}{2} \cdot \frac{1}{2}} = 7^{\frac{5}{4}} \qquad \left(7^{\frac{5}{3}}\right)^{\frac{1}{2}} = 7^{\frac{5}{3} \cdot \frac{1}{2}} = 7^{\frac{5}{6}}$$

Em Geral: $\sqrt[b]{\sqrt[a]{m^n}} = b \cdot a \sqrt{m^n}$



Resolver usando a Propriedade da Potência:

$$\text{a) } \sqrt{\sqrt{16}} = 2$$

$$\text{b) } \sqrt{\sqrt[3]{7}} = \sqrt[6]{7}$$

$$\text{c) } \sqrt[3]{\sqrt[4]{5}} = \sqrt[12]{5}$$

$$\text{d) } \sqrt{\sqrt{m^8 n^4}} = m^2 n$$

$$\text{e) } \sqrt[3]{\sqrt{\frac{x^{12}}{y^6}}} = \frac{x^2}{y}$$

$$\text{f) } \frac{\sqrt[3]{\sqrt{x^{24}}}}{\sqrt[3]{\sqrt[3]{x^{18}}}} = x^2$$



Decomposição de uma Raíz

Sabendo que: $\sqrt{m \cdot n} = \sqrt{m} \cdot \sqrt{n}$

Resolver

$$\begin{aligned} & \sqrt{50x^7} + \sqrt{32x^7} = \\ & \sqrt{25 \cdot 2 \cdot x \cdot x^6} + \sqrt{16 \cdot 2 \cdot x \cdot x^6} = \\ & \sqrt{25} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{x} \cdot \sqrt{x^6} + \sqrt{16} \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{x} \cdot \sqrt{x^6} = \\ & 5 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{x} \cdot x^3 + 4 \cdot \sqrt{2} \cdot \sqrt{x} \cdot x^3 = \\ & \boxed{5x^3 \sqrt{2x}} + \boxed{4x^3 \sqrt{2x}} = \text{São termos semelhantes.} \\ & 9x^3 \sqrt{2x} \end{aligned}$$



Decomposição de uma Raíz

Outro exemplo

$$\begin{aligned}
 & \sqrt{45} + \sqrt{20} - \sqrt{80} - \sqrt{125} \\
 = & \sqrt{9 \cdot 5} + \sqrt{4 \cdot 5} - \sqrt{4 \cdot 4 \cdot 5} - \sqrt{5 \cdot 25} \\
 = & \sqrt{9} \cdot \sqrt{5} + \sqrt{4} \cdot \sqrt{5} - \sqrt{4} \cdot \sqrt{4} \cdot \sqrt{5} - \sqrt{5} \cdot \sqrt{25} \\
 = & 3\sqrt{5} + 2\sqrt{5} - 2 \cdot 2 \cdot \sqrt{5} - 5\sqrt{5} \\
 = & 3\boxed{\sqrt{5}} + 2\boxed{\sqrt{5}} - 4\boxed{\sqrt{5}} - 5\boxed{\sqrt{5}}
 \end{aligned}$$

São termos semelhantes

$$-4\sqrt{5}$$

